

# Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Universidade de São Paulo Instituto de Física de São Carlos

São Carlos, 2018

- 日本 本語 本 本 田 本 田 本 田 本

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Referências

## Sumário

#### Introdução

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Referências

Referências

◆□ > ◆□ > ◆臣 > ◆臣 > ○臣 ○ のへ⊙

### Introdução Armadilhas Dipolares Ópticas

Potencial de interação dipolar[2]:

$$U_{dip} = -\frac{\Re \mathfrak{e}[\alpha]}{2\epsilon_0 c} I$$

Taxa de espalhamento dos átomos[2]:

$$\Gamma_{sc} = \omega \frac{\Im \mathfrak{m}[\alpha]}{\epsilon_0 c} I$$

•  $\alpha$  - Polarizabilidade complexa do átomo

$$p(t) = \alpha E(t)$$

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

(1)

(2)

(3)

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho Detuning Az Conclusões

Referência

Referências

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 のへの

Força radiativa de Abraham-Lorentz[1]:

1

$$F_{rad} = m\tau \dot{a}$$
$$\tau = \frac{\mu_0 q^2}{6\pi mc}$$

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

(4)

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Referências

Referências

◆□ > ◆□ > ◆臣 > ◆臣 > ○臣 ○ のへ⊙

Força radiativa de Abraham-Lorentz[1]:

$$F_{rad} = m\tau \dot{a}$$
$$\tau = \frac{\mu_0 q^2}{6\pi mc}$$

Modelo de Lorentz para um Oscilador Clássico:

 $m\tau \ddot{x}$ 

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

(4)

ション ふゆ ア キョン キョン ヨー もくの

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Referências

Força radiativa de Abraham-Lorentz[1]:

$$F_{rad} = m\tau \dot{a}$$
$$\tau = \frac{\mu_0 q^2}{6\pi mc}$$

Modelo de Lorentz para um Oscilador Clássico:

$$m\tau \ddot{x} - m\ddot{x}$$

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

(4)

ション ふゆ ア キョン キョン ヨー もくの

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Referências

Força radiativa de Abraham-Lorentz[1]:

$$F_{rad} = m\tau \dot{a}$$
$$\tau = \frac{\mu_0 q^2}{6\pi mc}$$

Modelo de Lorentz para um Oscilador Clássico:

$$m\tau \ddot{x} - m\ddot{x} - m\omega_0^2 x$$

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

(4)

ション ふゆ ア キョン キョン ヨー もくの

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Referências

Força radiativa de Abraham-Lorentz[1]:

$$F_{rad} = m\tau \dot{a}$$
$$\tau = \frac{\mu_0 q^2}{6\pi mc}$$

Modelo de Lorentz para um Oscilador Clássico:

$$m\tau\ddot{x} - m\ddot{x} - m\omega_0^2 x = -eE_0\cos(\omega t)$$

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

(4)

(5)

ション ふゆ ア キョン キョン ヨー もくの

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Modelo de Lorentz para um Oscilador Clássico

Solução Estacionária:

$$x(t) = x_0 \cos(\omega t)$$
$$x_0 = \frac{eE_0/m}{(\omega^2 - \omega_0^2) - i\tau\omega^3}$$

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

#### Introdução

(6)

ション ふゆ ア キョン キョン ヨー もくの

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Referências

Modelo de Lorentz para um Oscilador Clássico

Solução Estacionária:

$$x(t) = x_0 \cos(\omega t)$$
$$x_0 = \frac{eE_0/m}{(\omega^2 - \omega_0^2) - i\tau\omega^3}$$

$$\alpha = \frac{e^2/m}{(\omega^2 - \omega_0^2) - i\tau\omega^3}$$

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

(6)

(7)

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Referências

# Armadilhas Dipolares Ópticas

 Encontrando a polarizabilidade complexa e fazendo as devidas aproximações, obtemos:

$$U_{dip} = 3\pi c^2 \frac{\tau}{\Delta} I$$
$$\Gamma_{sc} = 6\pi c^2 \frac{\omega^3}{\hbar} \frac{\tau^2}{\Delta^2} I$$

• Termo de detuning:  $\Delta = \omega_0 - \omega$ 

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

(8)

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul Conclusões

Referências

Referências

くしゃ 本語を 本語を 本語を 本日を

# Armadilhas Dipolares Ópticas

Análise das características

- Sinal do detuning: Influência no sinal do potencial dipolar
  - $\Delta < 0$  Detuning Vermelho
  - $\Delta > 0$  Detuning Azul
- ► Razão I/∆: Dependencia simples no potencial e quadrática na taxa de espalhamento

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul Conclusões Referências

Referências

◆□▶ ▲□▶ ▲目▶ ▲目▶ ▲□▶

# Detuning Vermelho

- Frequência do laser menor que a de ressonância
- Mínimo do potencial ocorre quando a intensidade for máxima
- Armadilhas abordadas: feixe simples, feixe vertical e feixes cruzados



Figura: (a) Feixe simples, (b) Feixe Vertical e (c) Feixes Cruzados[1] Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul Conclusões Referências Referências

### Detuning Vermelho Feixe Simples



- Feixe Simples (Focused-beam): Armadilha realizada com a utilização de apenas um feixe
  - Potencial óptico da Armadilha:

$$U_{FB}(r,z) = -\hat{U}\left[1 - 2\left(\frac{r}{w_0}\right)^2 - \left(\frac{z}{z_R}\right)^2\right]$$

► Frequências de oscilação:  $\omega_r^2 = 4\hat{U}/mw_0^2$  (Radial) e  $\omega_z^2 = 2\hat{U}/mz_r^2$  (Axial)

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

> Detuning Azul Conclusões Referências

Referências

### Detuning Vermelho Feixe Vertical



- Feixe Vertical (Standing-wave beam): Armadilha realizada com a utilização de apenas um feixe, aprisionando os átomos nos seus antinós
  - Potencial óptico da Armadilha:

$$U_{SW} = -4\hat{U}\cos^2(kz)\left[1-2\left(\frac{r}{w_0}\right)^2 - \left(\frac{z}{z_R}\right)^2\right]$$

Frequências de oscilação:  $\omega_r^2 = 4\hat{U}/mw_0^2$  (Radial) e  $\omega_z^2 = 2\hat{U}\hbar k/m$  no centro do a armadilha (Axial)

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

#### Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul Conclusões Referências Referências

### Detuning Vermelho Feixe Cruzado



- Feixe Cruzado (Crossed-beam): Armadilha realizada com a utilização de múltiplos feixes perpendiculares
  - Potencial óptico da Armadilha:

$$U_{CB}(x, y, z) = -\hat{U}\left(1 - \frac{x^2 + y^2 + 2z^2}{w_0^2}\right)$$

▶ Frequências de oscilação:  $\omega_x^2 = \omega_y^2 = \hat{2}U/mw_0^2$  e  $\omega_z^2 = 4\hat{U}/mw_0^2$  (Axial)

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

#### Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

> Detuning Azul Conclusões Referências

Referências

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 三臣 - のへの

- Frequências superiores à frequência de ressonância
- Mínimo do potencial ocorre quando a intensidade for mínima
- Armadilha estudada: Armadilha de feixe "oco"

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões Referências

くしゃ 本語を 本語を 本語を 本日を

### Detuning Azul Feixe "oco- Hollow Beam Trap

► Intensidade de um feixe LG (*Laguerre-Gaussian*):

$$I_H(r) = P \frac{2^{l+1} r^{2l}}{\pi l! \omega_0^{2(l+1)}} \exp\left(-2\frac{r^2}{\omega_0}\right)$$



Figura: Distribuição de intensidade

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

#### Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

(9)

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões Referências

Referências

もしゃ 本語 を 本語 を 本語 や みらや

# Conclusões

- Força de Abraham-Lorentz: Proporciona uma força com caráter dissipativo no Modelo de Lorentz
- Modelo de Lorentz: Necessário para determinar a polarizabilidade complexa
- Características relevantes abordadas:
  - Sinal do detuning
  - Razão  $I/\Delta$
- Detuning Vermelho: Intensidade máxima para potencial mínimo
- Detuning Azul: Intensidade mínima para potencial mínimo

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Referências Referências

くしゃ 本面 そうせん ほう うめんろ

# Referências

David J Griffiths. Introduction to electrodynamics. Prentice Hall, 1962.

Rudolf Grimm, Matthias Weidemüller e Yurii B Ovchinnikov. "Optical dipole traps for neutral atoms". Em: Advances in atomic, molecular, and optical physics. Vol. 42. Elsevier, 2000, pp. 95–170. Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Referências

Referências

くしゃ 本面 そうせん ほう うめんろ



Fim!

Forças Radiativas no Modelo de Lorentz para a realização de Armadilhas Dipolares Ópticas

Humberto Ribeiro de Souza

Introdução

Modelo de Lorentz

Armadilhas Dipolares Ópticas

Detuning Vermelho

Detuning Azul

Conclusões

Referências

Referências